

This function must be multiplied by a_0^{n-2} .

VI. Theorie der Abel'schen Functionen.

$$F''(s) = a_0 n s^{n-1} + a_1 n-1 s^{n-2} + \dots + a_{n-1}$$

oder die einwerthige Function von z , $F''(s_1) F''(s_2) \dots F''(s_n)$, verschwindet. Diese Function wird für endliche Werthe von z nur unendlich, wenn $s = \infty$, also $a_0 = 0$ ist und muss, unendlich zu bleiben, mit a_0^{n-2} multiplicirt werden. Sie wird dann eine einwerthige, für ein endliches z endliche Function von z , welche für $z = \infty$ unendlich von der $2m(n-1)$ ten Ordnung wird, also eine ganze Function $2m(n-1)$ ten Grades. Die Werthe von z , für welche $F''(s)$ und $F(s)$ gleichzeitig verschwinden, sind also die Wurzeln der Gleichung $2m(n-1)$ ten Grades

Simultaneous

$$Q(z) = a_0^{n-2} \prod_i F''(s_i) = 0 \text{ oder auch, da } F''(s_i) = a_0 \prod_{i'} (s_i - s_{i'}), (i \geq i'),$$

$$= a_0^{2(n-1)} \prod_{i,i'} (s_i - s_{i'}) = 0, (i \geq i'),$$

welche (durch Elimination von s aus $F''(s) = 0$ und $F(s) = 0$) gebildet werden kann.

Wird $F(s, z) = 0$ für $s = \alpha, z = \beta$, so ist

$$F(s, z) = \frac{\partial F}{\partial s} (s - \alpha) + \frac{\partial F}{\partial z} (z - \beta)$$

$$+ \frac{1}{2} \left\{ \frac{\partial^2 F}{\partial s^2} (s - \alpha)^2 + 2 \frac{\partial^2 F}{\partial s \partial z} (s - \alpha) (z - \beta) + \frac{\partial^2 F}{\partial z^2} (z - \beta)^2 \right\} + \dots$$

$$\frac{\partial F}{\partial s} = 0$$

$$F''(s) = \frac{\partial F}{\partial s} + \frac{\partial^2 F}{\partial s^2} (s - \alpha) + \frac{\partial^2 F}{\partial s \partial z} (z - \beta) + \dots$$

subject

Ist also für $(s = \alpha, z = \beta)$ $\frac{\partial F}{\partial s} = 0$ und verschwinden $\frac{\partial F}{\partial z}, \frac{\partial^2 F}{\partial s^2}$ dann

nicht, so wird $s - \alpha$ unendlich klein, wie $(z - \beta)^{\frac{1}{2}}$, und findet also ein einfacher Verzweigungspunkt statt. Es werden zugleich in dem Producte $\prod_i F''(s_i)$ zwei Factoren unendlich klein wie $(z - \beta)^{\frac{1}{2}}$, und

$Q(z)$ erhält dadurch den Factor $(z - \beta)$. In dem Falle, dass $\frac{\partial F}{\partial z}$ und $\frac{\partial^2 F}{\partial s^2}$ nie verschwinden, wenn gleichzeitig $F = 0$ und $\frac{\partial F}{\partial s} = 0$ werden, entspricht demnach jedem linearen Factor von $Q(z)$ ein einfacher Verzweigungspunkt, und die Anzahl dieser Punkte ist also

$$= 2m(n-1).$$

Consequently

Die Lage der Verzweigungspunkte hängt von den Coefficienten der Potenzen von z in den Functionen a ab und ändert sich stetig mit denselben.

Wenn diese Coefficienten solche Werthe annehmen, dass zwei (denselben Zweigpaar angehörige) einfache Verzweigungspunkte zu-

Same

san
von
Set
ein
und
san
und

den
für
lich
dort
 ∂F
 ∂s
Fac
zus:

$F(s)$
zwe
dies
von
bis
wod
Und
jede
zug
zus

(s,
der
falle
so

w,

Nim
aufl