

die Function  $\xi$  in  $\mu$  Punkten desselben unendlich von der ersten Ordnung, so ist die Anzahl der Verzweigungswerthe der gleichverzweigten Functionen von  $\xi$ , welche durch die übrigen rationalen Functionen von  $s$  und  $s$  gebildet werden,  $2(\mu + p - 1)$ , und die Anzahl der willkürlichen Constanten in der Function  $\xi$   $2\mu - p + 1$  (§. 5). Diese lassen sich so bestimmen, dass  $2\mu - p + 1$  Verzweigungswerthe gegebene Werthe annehmen, wenn diese Verzweigungswerthe von einander unabhängige Functionen von ihnen sind, und zwar nur auf eine endliche Anzahl Arten, da die Bedingungsgleichungen algebraisch sind. In jeder Klasse von Systemen gleichverzweigter  $2p + 1$  fach zusammenhängender Functionen <sup>there exist</sup> gibt es daher eine endliche Anzahl von Systemen  $\mu$  werthiger Functionen, in welchen  $2\mu - p + 1$  Verzweigungswerthe gegebene Werthe annehmen. Wenn andererseits die  $2(\mu + p - 1)$  Verzweigungspunkte einer die  $\xi$ -Ebene allenthalben  $\mu$  fach, bedeckenden  $2p + 1$  fach zusammenhängenden Fläche beliebig gegeben sind, so gibt es (§§. 3-5) immer ein System wie diese Fläche verzweigter algebraischer Functionen von  $\xi$ . Die  $3p - 3$  übrigen Verzweigungswerthe in jenen Systemen gleichverzweigter  $\mu$  werthiger Functionen können daher beliebige Werthe annehmen; und es hängt also eine Klasse von Systemen gleichverzweigter  $2p + 1$  fach zusammenhängender Functionen und die zu ihr gehörende Klasse algebraischer Gleichungen von  $3p - 3$  stetig veränderlichen Grössen ab, welche die Moduln dieser Klasse <sup>call</sup> genannt werden sollen.

Diese Bestimmung der Anzahl der Moduln einer Klasse  $2p + 1$  fach zusammenhängender algebraischer Functionen gilt jedoch nur unter der Voraussetzung, dass es  $2\mu - p + 1$  Verzweigungswerthe gibt, welche von einander unabhängige Functionen der willkürlichen Constanten in der Function  $\xi$  sind. Diese Voraussetzung trifft nur zu, wenn  $p > 1$ , und die Anzahl der Moduln ist nur dann  $= 3p - 3$ , für  $p = 1$  aber  $= 1$ . Die <sup>direct</sup> Untersuchung derselben wird indes schwierig durch die Art und Weise, wie die willkürlichen Constanten in  $\xi$  enthalten sind. Man führe deshalb in einem Systeme gleichverzweigter  $2p + 1$  fach zusammenhängender Functionen, um die Anzahl der Moduln zu bestimmen, als unabhängig veränderliche Grösse, nicht eine dieser Functionen, sondern ein allenthalben endliches Integral einer solchen Function ein. but

Die Werthe, welche die Function  $w$  <sup>represent</sup> von  $z$  innerhalb der Fläche  $T$  annimmt, werden geometrisch repräsentirt durch eine einen endlichen Theil der  $w$ -Ebene einfach oder mehrfach bedeckende und die Fläche  $T$  (in den kleinsten Theilen ähnlich) abbildende Fläche, welche

RIEMANN'S gesammelte mathematische Werke. I.

similar

8

copy