

sammenfallen, so heben diese sich ^{cancel} auf, und es werden zwei Wurzeln von $F(s)$ einander gleich, ohne dass eine Verzweigung stattfindet. Setzt sich um jeden von ihnen ^{Verzweigungspunkte} s_1 in s_2 und s_2 in s_1 fort, so geht durch einen Umlauf um ein (beide enthaltendes) Stück der z -Ebene s_1 in s_2 und s_2 in s_1 über, und beide Zweige werden einädrig, wenn sie zusammenfallen. Es bleibt dann also auch ihre Derivirte $\frac{ds}{dz}$ einädrig und endlich, und folglich wird $\frac{\partial F}{\partial z} = - \frac{ds}{dz} \frac{\partial F}{\partial s} = 0$.

Wird $F = \frac{\partial F}{\partial s} = \frac{\partial F}{\partial z} = 0$ für $s = \alpha$, $z = \beta$, so ergeben sich aus den drei folgenden Gliedern der ^{expansion} Entwicklung von $F(s, z)$ zwei Werthe für $\frac{s-\alpha}{s-\beta} = \frac{ds}{dz}$, ($s = \alpha$, $z = \beta$). Sind diese Werthe ungleich und endlich, so können die beiden Zweige der Function s , denen sie ^{belong} angehören, dort nicht zusammenhängen und sich nicht verzweigen. Es wird dann $\frac{\partial F}{\partial s}$ für beide unendlich klein wie $s - \beta$, und $Q(z)$ erhält dadurch den Factor $(z - \beta)^2$; es fallen also nur zwei einfache Verzweigungspunkte zusammen.

Um in jedem Falle, wenn für $z = \beta$ mehrere Wurzeln der Gleichung $F(s) = 0$ gleich α werden, zu entscheiden, ^{how many} wie viele einfache Verzweigungspunkte für ($s = \alpha$, $z = \beta$) zusammenfallen, und wie viele von diesen sich aufheben, ^{so far} muss man diese Wurzeln (nach dem Verfahren ^{method} von Lagrange) ^{so far} ^{increase} ^{now} ^{really} nach steigenden Potenzen von $z - \beta$ entwickeln, ^{until} ^{by which} ^{it means} bis diese Entwicklungen sämtlich von einander verschieden werden; wodurch sich die wirklich noch stattfindenden Verzweigungen ergeben. Und man muss dann untersuchen, von welcher Ordnung $F'(s)$ für jede dieser Wurzeln unendlich klein wird, um die Anzahl der (ihnen zugehörigen) linearen Factoren von $Q(z)$ oder der für ($s = \alpha$, $z = \beta$) zusammengefallenen einfachen Verzweigungspunkte zu bestimmen.

Bezeichnet die Zahl ρ , wie oft sich die Fläche T um den Punkt (s, z) windet, so wird im Punkte (z) $F'(s)$ ^{often} so oft unendlich klein von der ersten Ordnung, als dort einfache Verzweigungspunkte zusammenfallen, ^{unendlich} $ds^{\frac{1}{\rho}}$ so oft, als ^{fallen} ^{so oft} ^{als} ^{deren} ^{wirklich} stattfinden, folglich $F'(s) ds^{\frac{1}{\rho}-1}$ so oft, als von ihnen sich aufheben.

Ist die Anzahl der wirklich stattfindenden einfachen Verzweigungen w , die Anzahl der sich aufhebenden $2r$, so ist

$$w + 2r = 2(n-1)m.$$

Nimmt man an, dass die Verzweigungspunkte nur ^{in pairs} paarweise und sich aufhebend zusammenfallen, so ist für r Werthenpaare ($s = \gamma_q$, $z = \delta_q$)